

MATEMATIKA II

1. Riješite sustav linearnih jednadžbi pomoću Gaussovih eliminacija

$$\begin{array}{rcl} 2x & - & 3y & - & 2z = 7 \\ x & - & 4y & + & z = 6 \\ -x & - & 2y & + & 5z = 0 \end{array}$$

2. Odredite područje konvergencije reda funkcija (obavezno ispitajte ponašanje na rubovima intervala)

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{\frac{n}{5}(x+3)}}{\sqrt{n}}.$$

3. (a) Odredite i skicirajte domenu funkcije $f(x, y) = \frac{7x}{\sqrt{y-x^3}} + \arccos(y+2x-1)$.
 (b) Napišite jednadžbu tangencijalne ravnine na plohu

$$y \ln 3x - x(z-1)^2 + zy^2 = 0$$

u točki $T\left(\frac{1}{3}, -1, 1\right)$.

4. Riješite diferencijalnu jednadžbu

$$y'' - 2y' - 3y = 4e^{3x}.$$

5. Izračunajte integral

$$\iint_D 2y \, dx \, dy,$$

gdje je D područje omeđeno sa $x+y=7$ i $xy=6$. Obavezno nacrtajte područje integracije.

MATEMATIKA II

1. Riješite sustav linearnih jednadžbi pomoću Gaussovih eliminacija

$$\begin{array}{rcl} -2x & + & 4y & + & 5z & = & 10 \\ & x & - & 3y & - & 3z & = & -7 \\ & 2x & - & y & - & z & = & -4 \end{array}$$

2. Odredite područje konvergencije reda funkcija (obavezno ispitajte ponašanje na rubovima intervala)

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{\frac{n}{3}(2x-4)}}{n^2}.$$

3. (a) Odredite i skicirajte domenu funkcije $f(x, y) = \arcsin(y + x^2 - 3) - \frac{4y}{\sqrt{y - e^x}}$.

- (b) Napišite jednadžbu tangencijalne ravnine na plohu

$$\frac{x+3}{z^2} + x \ln(y+1) - z^2 y^2 = 0$$

u točki $T(-2, 0, 1)$.

4. Riješite diferencijalnu jednadžbu

$$y'' - 4y' + 4y = 3 \sin 2x.$$

5. Izračunajte integral

$$\iint_D \frac{1}{2}y \, dx \, dy,$$

gdje je D područje omeđeno sa $y = \frac{2}{x}$ i $y + 8x - 10 = 0$. Obavezno nacrtajte područje integracije.